



# اساتیلات :

اساتیلات مواد هستند ارتش برقی (بردی برقی) کحل نمی کنند؛ این مواد تحت نیروی برقی به صورت سوسه سوسه عمل می کنند.

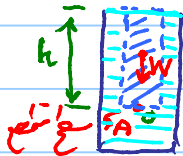
\* حدود اساتیل : علم بررسی مایعات در حال تعادل

فشار : اندازه ی نیروی محدودی وارد بر سطح را گویند؛ (فشار کمی اسکار است!)

- اصول مهم کب هیدرواستاتیک :

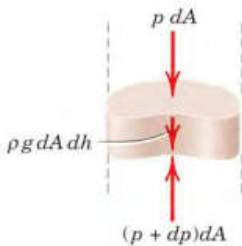
1) فشار در عمق  $h$  از یک مایع در حال تعادل، برابر است با وزن ستون ارتفاع  $h$  در برابر

آن نقطه قرار گرفته است تقسیم بر سطح مقطع واحد.



$$P_0 = \frac{W}{A} = \frac{mg}{A} = \frac{\rho V g}{A} = \frac{\rho A h g}{A} \Rightarrow P_0 = \rho g h$$

نگاه دینامیکی و دقیق تر به موضوع :



تساوی الماد در حالت تعادل :

$$p dA + \rho g dA dh - (p + dp) dA = 0$$

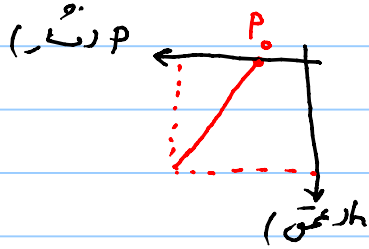
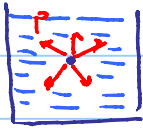
$$\Rightarrow dP = \rho g dh$$

- این فشار به شکل خرف و سج اصطلاح خرف تسبیح گویند و تریا مایع مایع،

و محل و عمق مایع است.

12 عامل اسعال مایعات بین دو سطح (بافت بودن ارتفاع و غیره) از طرف فشار بین دو سطح است.

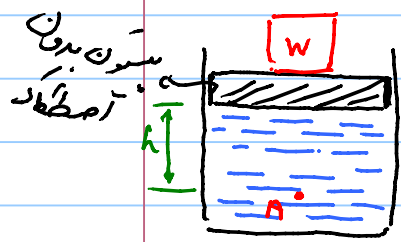
3) فشار در محیطی دلخواه از یک مایع در تمام جهات وجود داشته و در تمام جهات مساوی است. (1)



4) نمودار:

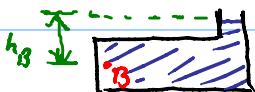
5) اصل باسکال: فشار اضافی وارد شده به هر مایع محصور، بی هیچ کاستی به تمام نقاط آن مایع

اعمال می شود. (در تمام جهات - همگونی - با توتیب به تغییراتی که مانده بر وزن خود!) (2)



$$P_A = P_0 + P_1 + \rho gh$$

$\frac{W}{A}$   
 وزن



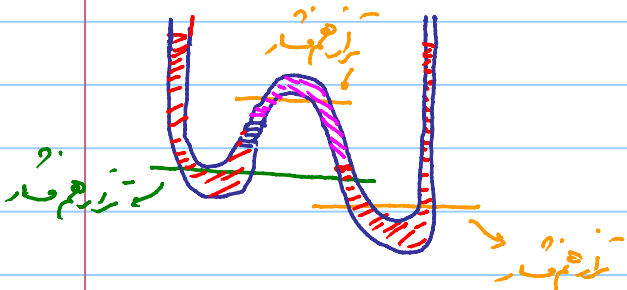
$$P_B = P_0 + \rho gh_B$$

6) تراکم فشار: مکان هندسی نقاطی که در آن فشار یکسان است.

\* فرجه استر درون یک مایع بی تغییر در حال سکون، یک تراکم فشار است.

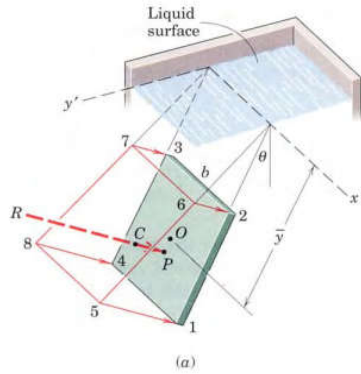
حالت خاص: سطح آزاد مایع در حال تعادل، تراکم فشار! (همگونی است). (شبهه: سطح

آزاد مایع در حال تعادل، همواره موازی سطح افقی است!)



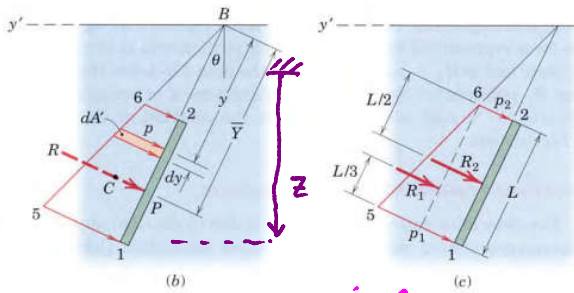
# 17) هرگاه که در یک نقطه از یک مایع را ببینیم، آن در هر نقطه دیگر از آن مایع را خواهیم دید!!

## \* تبدیل حل مسائل استاتیسیته



1) رسم توزیع فشار به صورت یک بار کسره  
و محاسبه آن با مابین نیروی محوری حاصل در محل مابین

$$R = \iint_A p(z) dA \equiv \text{تجمیع نیروها در توزیع فشار} \quad \text{مقابل}$$

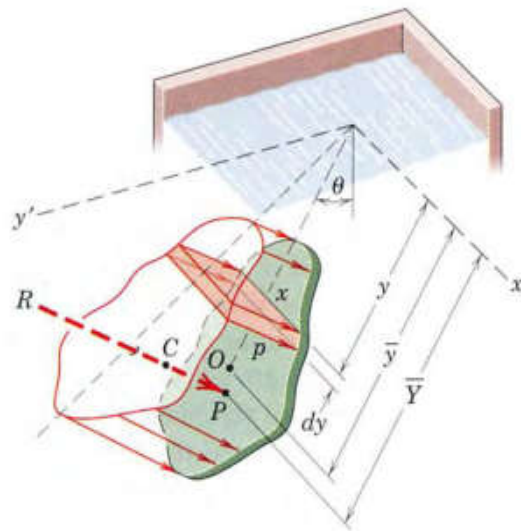
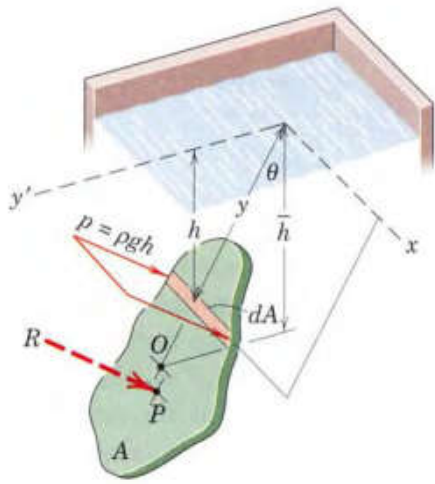


$$R \cdot \bar{Y} = \iint_A y p(y) dA \Rightarrow \bar{Y} \checkmark$$

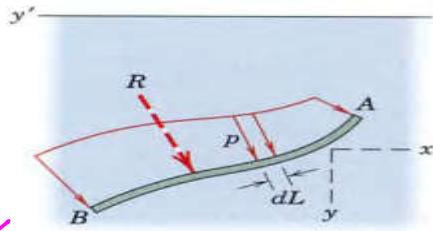
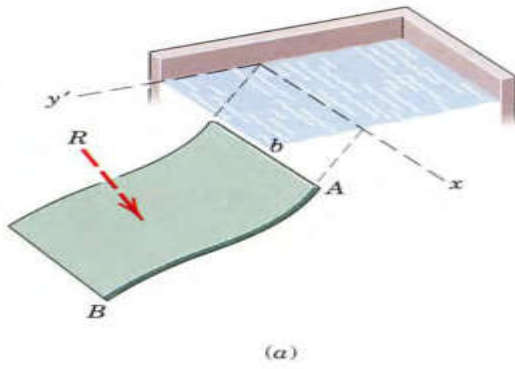
که نشانه و نیروی کسره حول یک نقطه در نگاه  
مقابل

(مسئله از سطح عمود)

(مركز جرم نیروها در توزیع فشار :  $\bar{Y}$ )



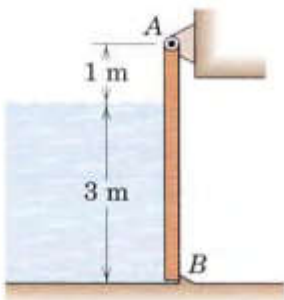
(مسئله از سطح عمود مایع استاتیسیته در نگاه)



مسئله از سطح منحنی با سطح عمود است

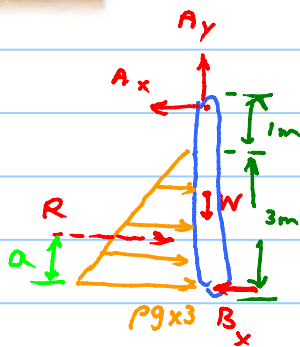
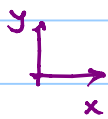
مسئله: در شکل زیر، اگر عرض منحنی سطح  $6\text{ m}$  باشد، نیروی افقی وارده به آن در

نقطه B از طرف راست چند است؟



$$\rho = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

F.B.D:



عرض منحنی  $\times$  مساحت توزیع = حجم توزیع فشار = R

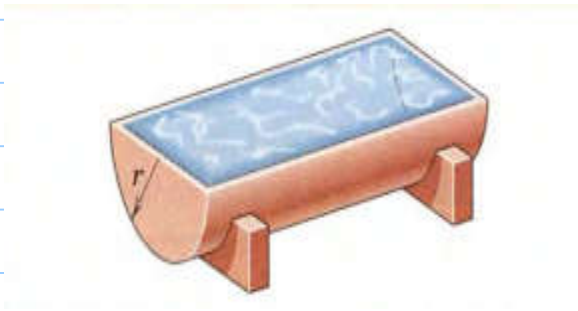
$$\Rightarrow R = \left(\frac{1}{2} \times 3 \times 3\rho g\right) \times 6 \Rightarrow \underline{R = 265 \text{ kN}}$$

$$a = \frac{1}{3} \times 3 = 1 \text{ m}$$

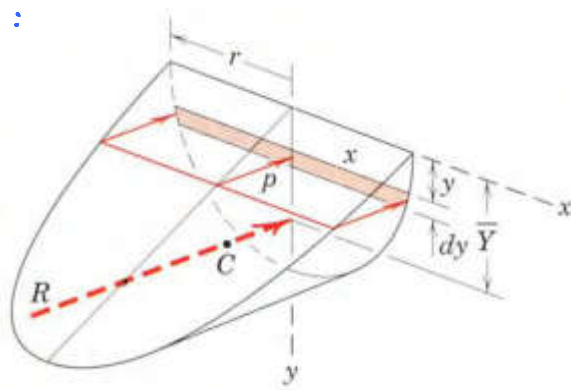
$$\sum M_A = 0 \Rightarrow B_x \times 4 = R(4 - a) \Rightarrow \underline{B_x = 198.7 \text{ kN}}$$

سؤال: در شکل زیر، نیروی معادل وارد شده و محل اثر آن را از طرف سیال کمان درون شکر بر

دیواره‌ی نیم دایره از شکل آن می‌توانیم محاسبه کنیم.



جدایه:



$$R = \int_A p dA = \int_0^R (\rho g y) (2x dy)$$

$$= \int_0^R (\rho g y) (2\sqrt{r^2 - y^2}) dy$$

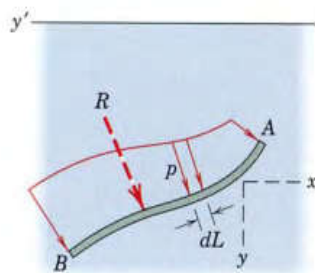
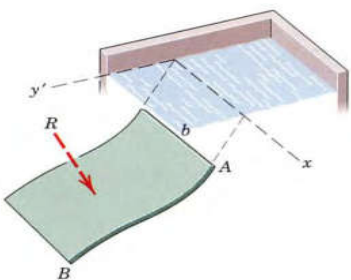
$$\Rightarrow R = \frac{2}{3} \rho g r^3 \quad (\text{خواه!؟})$$

$$R \bar{Y} = \int_0^R y dR = \int_0^R y (\rho g y) (2\sqrt{r^2 - y^2}) dy \Rightarrow$$

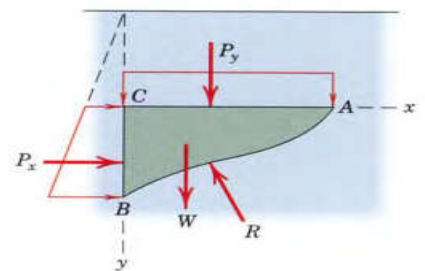
$$\frac{2}{3} \rho g r^3 \bar{Y} = \int_0^R 2 \rho g y^2 \sqrt{r^2 - y^2} dy = \frac{\rho g r^4}{4} \frac{\pi}{2} \Rightarrow \bar{Y} = \frac{3\pi r}{16}$$

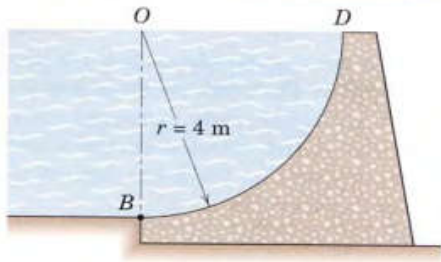
(خواه!؟)

② در تصویر فکری زیر سیال به عنوان مجموعه جسم و جدار در آن بخش از سیال را محیط اطراف رسم F.B.D:



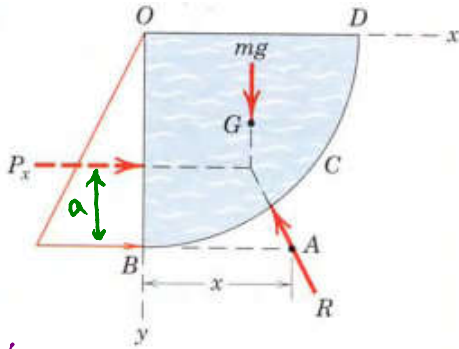
≡





سؤال: در سطح عمودی، نیروی معادل از خود سیال به سد و محل اثر آن را بیابید. (عرض سد، سه متر است b است)

- حل از نسبت دوم:



$$\begin{cases} P_x = \frac{1}{2} r \cdot \rho g r \cdot b \Rightarrow P_x = \rho g b \frac{r^2}{2} \\ a = \frac{r}{3} \end{cases}$$

هم مورد نظر به هر دو جهت. با برآیند اعداد نیروی جسم و مورد نظر R، از محل تقاطع دو نیروی دیگر  $P_x$  و  $mg$  می‌گذرد و مقدار آن هم از معادلات معادل قابل دست یابی است.

$$\sum \vec{F} = \vec{0} \Rightarrow \vec{R} + \vec{P}_x + mg(-\hat{z}) = \vec{0} \Rightarrow \vec{R} = -P_x \hat{i} + mg \hat{z}$$

$$|R| = \sqrt{P_x^2 + (mg)^2}$$

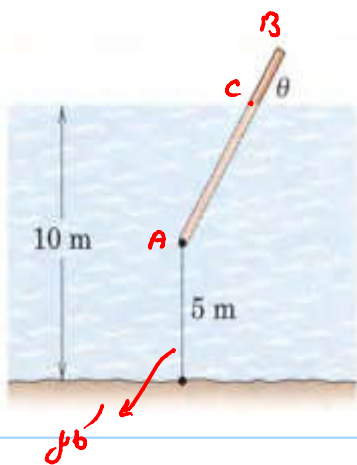
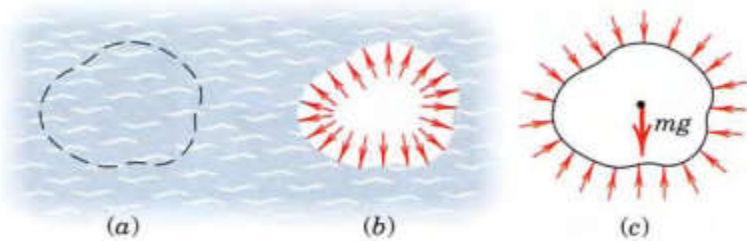
- محل اثر R را بیابید. (در چه  $\theta$  از سطح خود دهد؟)

- تلاش کنید این سده را با نسبت اول حل کنید.

### ③ نیروی شناوری: (Buoyancy)

- اگر جسم با حجم  $V$  درون سیال به چگالی  $\rho$  قرار دارد، نیروی شناوری

در هر طرف بالا  $F_b = \rho g V$  در هر طرف بالا در مراحم هندسی آنند شده از طرف سیال به آن وارد می شود  
به آن نیروی شناوری گویند.



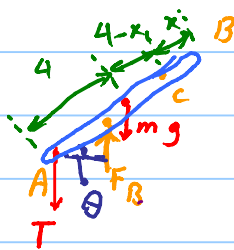
سؤال: در شکل زیر، سلبر استوانه ای با طول  $AB$  به طول

$8m$  و قطر مقطع  $0.2m$  و جرم  $200kg$ ، توسط کابل در

تقابل قرار دارد. زاویه تعادلی  $\theta$  و طول  $BC$  را بیابید.

حل از کتاب ③:

F.B.D:



$$F_B = \rho g V = \rho g \left( \frac{\pi d^2}{4} \right) (8-x) \Rightarrow F_B = 1000 \times 9.81 \times \pi \times (0.1)^2 (8-x)$$

$$\Rightarrow \underline{F_B = 308.19 (8-x)}$$

$$\sum M_A = 0 \Rightarrow -200 \times 9.81 \times 4 \cos \theta + 308.19 (8-x) \times \frac{8-x}{2} \cos \theta = 0$$

$$\Rightarrow \underline{x = 0.86m} \Rightarrow \theta = \sin^{-1} \left( \frac{5}{8-0.86} \right) \Rightarrow \underline{\theta = 44.5^\circ \approx 0.78 \text{ rad}}$$