



* **وصف** در نظر گرفته شده در حل مسائل حریا:

- 1- تمامی نمره‌های وارد حریا، باسی در حاصل اعمال شود.
 - 2- در حالت کلی از نوع اعضا صرف نظر می‌کنیم. (البته در بعضی موارد وزن یک عضو باشد، نیز و بار $\frac{w}{2}$ را به حریب از حاصل آن عضو وارد می‌کنیم.)
 - 3- اعضا حریا معمولاً مستقیم و باریک هستند (یعنی از عرض آن صرف نظر می‌کنیم.)
 - 4- صرف نظر از نوع اتصال اعضا (پیچ، جوش، پیچ) ، با معمولاً آن را از مصلی در نظر می‌گیریم. (یعنی به ماه مصلی نسبت کمال میل را ندارند)
 - 5- نسبت طول مکرر مربوط به حریا و اعضاء آن در لیس و سایر بارها هم در حاصل مصلی حریا
- کامل حریاها:

① **روش حاصل**

- در این روش ، در تمام موارد ورودی و خروجی مصلی را رسم کرده و معادله حاصل را برای آن می‌نویسیم.

* با مصلی شروع کنید در حالیکه **نمودار** داشته باشد.

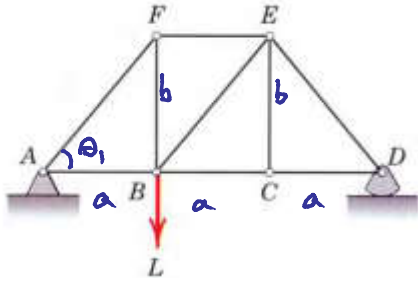
- حاصل وقت با لام است در ابتدا هر دو حاصل مصلی را کاتبه می‌کنیم.

- از سمت راست جهت دهنش شروع می‌کنیم و در نهایت از میان جهت مصلی و مصلی،

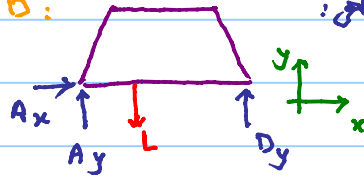
به **دکوان** مصلی را می‌گیریم. (بشهادت: جهت لسی) و پس از محاسبه، در صورت **منفی بودن** ، جهت

مهورا عکس کنید.

نمونه: نیروی هر یک از اعضای چپای مثل زیر را محاسبه کنید.



F.B.D:

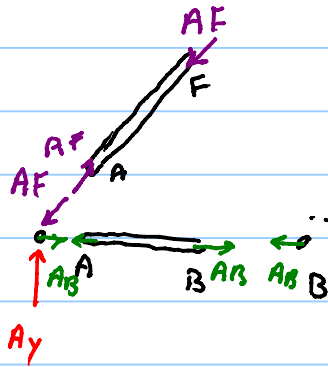


$$\sum F_x = 0 \Rightarrow Ax = 0$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow Ay + Dy = L$$

$$\sum M_A = 0 \Rightarrow La - 3aDy = 0 \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} Dy = \frac{L}{3} \\ Ay = \frac{2L}{3} \end{array} \right.$$

A فصل:



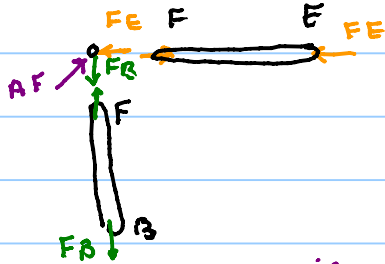
$$\sum F_x = 0 \Rightarrow AB - AF \cos \theta_1 = 0$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow Ay - AF \sin \theta_1 = 0$$

$\Rightarrow AF, AB \checkmark$

$$\left\{ \begin{array}{l} AF = \frac{Ay}{\sin \theta_1} \\ AB = AF \cos \theta_1 \end{array} \right.$$

F فصل:

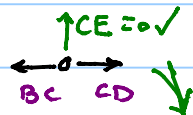


$$\sum F_x = 0 \Rightarrow AF \cos \theta_1 - FE = 0 \Rightarrow FE = AF \cos \theta_1$$

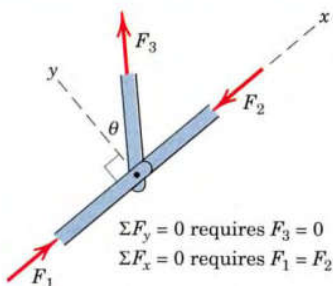
$$\sum F_y = 0 \Rightarrow AF \sin \theta_1 - FB = 0 \Rightarrow FB = AF \sin \theta_1$$

* با اطمینان این روش، نیرو در سایر اعضا پیدا می‌شود!

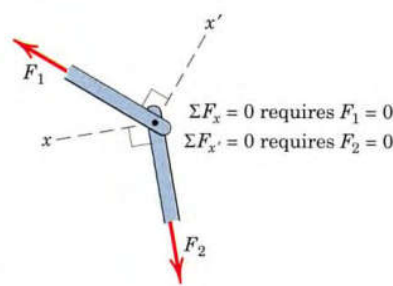
C فصل:



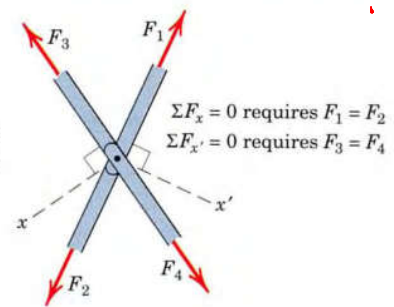
حالت خاص:



(a)

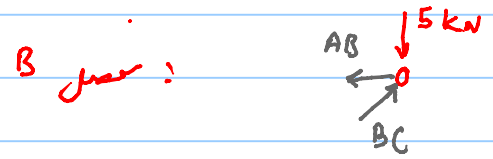
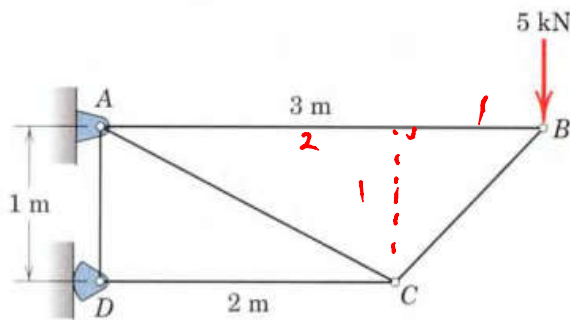


(b)



(c)

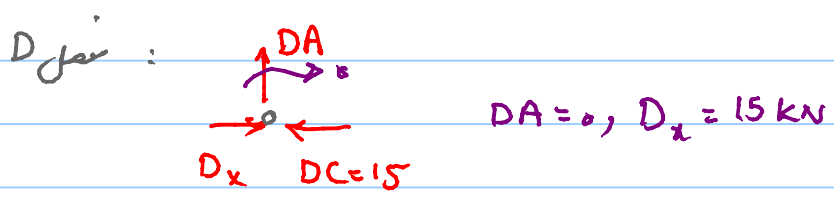
سوال: نیرو در هر یک از اعضای خنثی زیر را محاسبه کنید.



$$\sum F_y = 0 \Rightarrow BC \sin 45^\circ = 5 \Rightarrow BC = 5\sqrt{2}, C$$

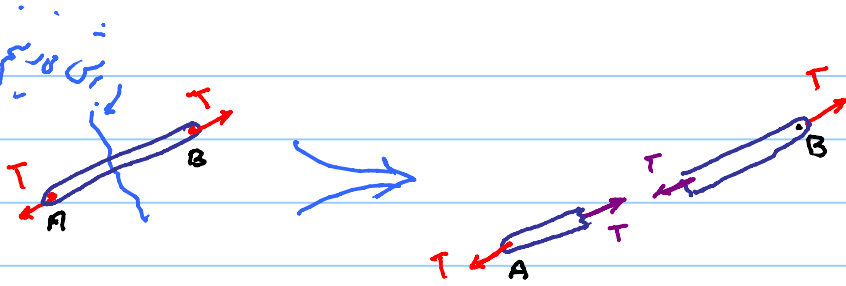
$$\sum F_x = 0 \Rightarrow BC \cos 45^\circ = AB \Rightarrow AB = 5, T$$

به همین طریق ادامه بدیم : $AC = 5\sqrt{5} \text{ kN}, T$, $DC = 15 \text{ kN}, C$



در ادامه هم اینداینه کار میکنیم تا به انتهای سازه برسیم و سازه را حل کنیم.

② روش بیش (روش مقطع)

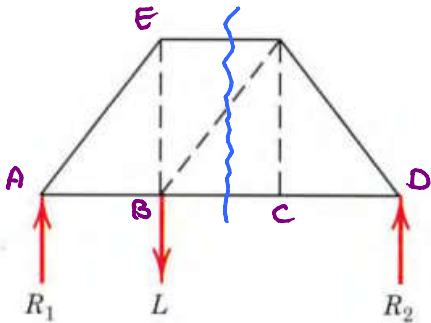


* این روش برای جاسدی نیرو در یک یا چند عضو محدود در حتماً به کار می رود

برای استفاده از این روش، خط برشی در سازه ایجاد می کنیم که از برخی از اعضای (قطب) حتماً

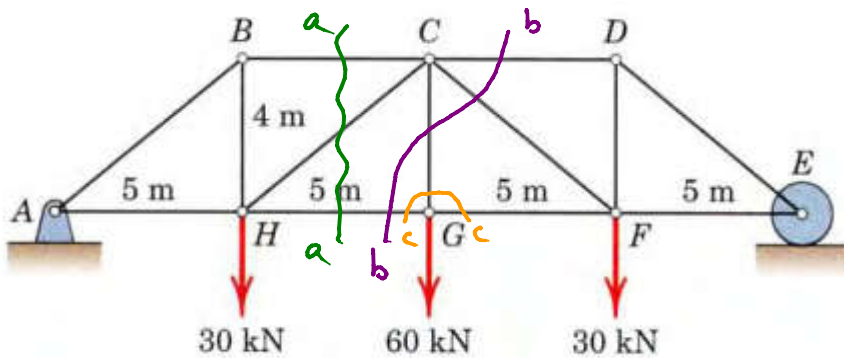
گذرد و در نهایت خواهر را به دو بخش جدا از هم تبدیل کند.

! بیش از دو عضو نمی گذرد!



از خط برش سه نیرو برود می توان نیروهای BC ، BF ، EF را محاسبه نمود.

سؤال: نیرو در اعضای CH و CG را محاسبه کنید.



* از برش $a-a$ ، نیرو در عضوهای BC ، CH ، GH قابل محاسبه است.

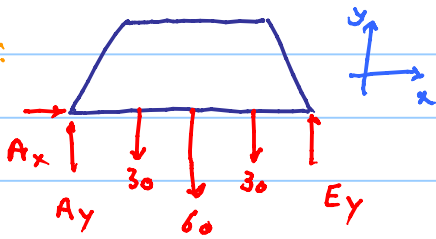
* با توجه به اینکه نیرو در عضو GH از برش $a-a$ بدست آمده است، می توانیم به محمول CF ، CD و

CG را از برش $b-b$ و $c-c$ محاسبه نمود.



حل: ابتدا نیروهای عمل کننده در حوض را کالسی می‌کنیم.

F.B.D:

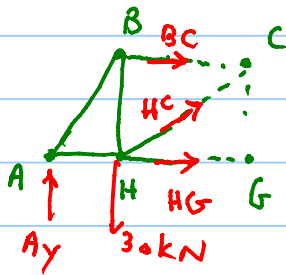


$$\sum F_x = 0 \Rightarrow A_x = 0$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow A_y + E_y = 120 \text{ kN}$$

$$\sum M_E = 0 \Rightarrow 30 \times 5 + 60 \times 10 + 30 \times 15 - 20 A_y = 0 \Rightarrow \underline{A_y = 60 \text{ kN}, E_y = 60 \text{ kN}}$$

برش a-a:

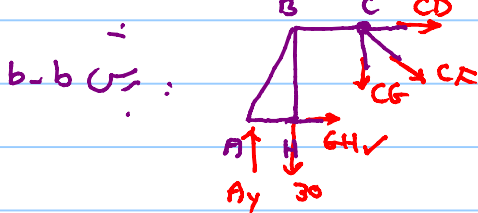


$$\sum F_y = 0 \Rightarrow H_C \cdot \frac{4}{\sqrt{41}} + A_y - 30 = 0$$

$$\Rightarrow H_C = -48.0 \text{ kN} \Rightarrow \underline{H_C = 48 \text{ kN}, C}$$

$$\sum M_G = 0 \Rightarrow G_A \times 4 + 30 \times 5 - 60 \times 10 = 0 \Rightarrow \underline{G_H = 112.5 \text{ kN}, T}$$

- برای بدست آوردن CG، با استفاده از روش مصل بار G داریم: $CG = 60 \text{ kN}, T$ (برش c-c)



$$\sum F_x = 0 \Rightarrow CD + C_F \cdot \frac{5}{\sqrt{41}} + 112.5 = 0 \quad (I)$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow 60 - 30 - C_G - C_F \cdot \frac{4}{\sqrt{41}} = 0$$

$$\sum M_G = 0 \Rightarrow 30 \times 5 - 60 \times 10 - CD \times 4 - C_F \cdot \frac{5}{\sqrt{41}} \times 4 = 0 \quad (III)$$

(نیمه دایره III) حاصله می‌شود

$$\Rightarrow \underline{CD = 75 \text{ kN}, C} \quad \underline{CF = 48 \text{ kN}, C}$$

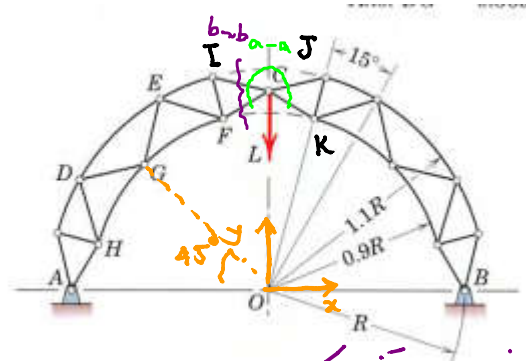
برای تعیین جهت و بار داخل (در صورت جریان) درجه‌بندی؛ نیروها در اعصاب می‌تواند حتماً در تمام

نی‌سازنده است و این امر کاملاً مشخص است!

مثال - در جهای سطح زیر، نیروی عضو DG را بدست آورید.

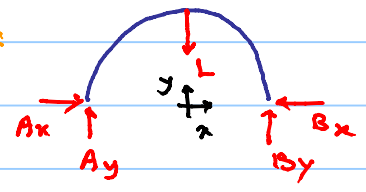
محصول، روی این کار 15° قرار دارد. (فرض کنید تمام اعضا

$OA = OB = OC = R$ (معمولاً مستقیم اند)



تعیین محل: از نتایج حدسه و بارگذاری به صورت ضوابط استفاده کنیم.

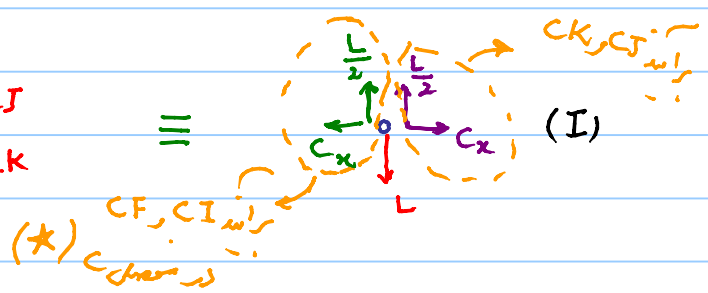
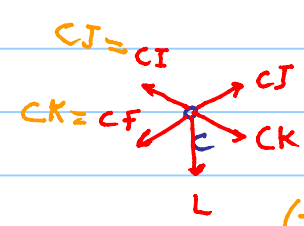
F.B.D. در L و O:



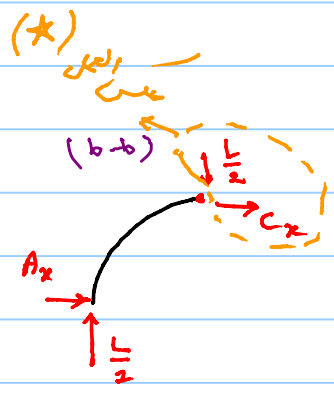
$\sum M_A = 0 \Rightarrow B_y = \frac{L}{2}$

$\sum F_y = 0 \Rightarrow A_y = \frac{L}{2}$

محصول C (a-a):

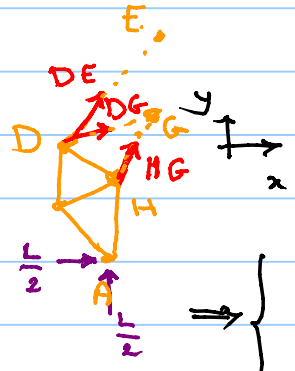


با توجه به (I) ابعاد را کم کردیم پس جهت محصول را رسم کنیم:



$\sum M_A = 0 \Rightarrow \frac{L}{2} R + C_x \cdot R = 0 \Rightarrow C_x = -\frac{L}{2}$

$\sum F_x = 0 \Rightarrow A_x - \frac{L}{2} = 0 \Rightarrow A_x = \frac{L}{2}$



$D = 1.1 R (-\cos 30^\circ i + \sin 30^\circ j)$

$E = 1.1 R (-\cos 60^\circ i + \sin 60^\circ j)$

$G = 0.9 R (-\cos 45^\circ i + \sin 45^\circ j)$

$F_{DE} = F_{DE} \hat{e}_{DE} = F_{DE} (0.707i + 0.707j)$

$F_{DG} = F_{DG} \hat{e}_{DG} = F_{DG} (0.965i + 0.264j)$

$F_{HG} = F_{HG} \hat{e}_{HG} = F_{HG} (0.5i + 0.866j)$

$$\Rightarrow \begin{cases} \sum F_x = 0 \Rightarrow \frac{L}{2} + 0.5F_{HG} + 0.965F_{DG} + 0.707F_{DE} = 0 & \text{I} \\ \sum F_y = 0 \Rightarrow \frac{L}{2} + 0.866F_{HG} + 0.264F_{DG} + 0.707F_{DE} = 0 & \text{II} \\ \sum M_o = 0 \Rightarrow \vec{r}_{oD} \times \vec{F}_{DG} + \vec{r}_{oH} \times \vec{F}_{oH} + \vec{r}_{oD} \times \vec{F}_{DE} + \vec{r}_A \times \vec{F}_A = \vec{0} & \text{III} \end{cases}$$

II), II), I)

$$\begin{cases} F_{DE} = 0.839L, T \\ F_{GH} = -1.090L \equiv 1.090L, C \\ F_{DG} = -0.569L \equiv 0.569L, C \end{cases}$$

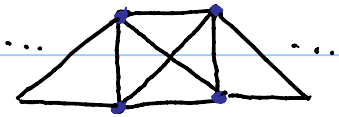
معنی داخلی و خارجی در جابها :

البر بروی جابا دوما به تعداد مورد نیاز برای حفظ تعادلش ، عدد (سه تا سه تا) خارجی وجود داشته باشد ،

جابا را **معنی خارجی** گویند .

در مس از جمله المثل جابا از جمله گاه هم خارجی ، تعداد اعضاء داخلی مساوی برای دور محس لازم

است ، داشته باشد ، جابا را **معنی داخلی** گویند .



در جابا المثل :

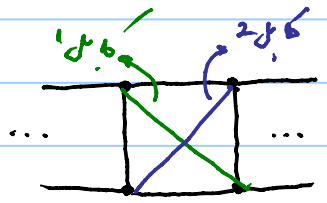
$$\left\{ \begin{array}{l} 2J > m + 3 \rightarrow \text{جابا نامیده است و در برابر اعمال بار فرو می رود} \\ \text{(کمتر اعضاء داخلی دارد)} \\ 2J < m + 3 \rightarrow \text{جابا معنی داخلی است (عضو زاید داخلی دارد)} \end{array} \right.$$

بسیار متداول است به قاعده مسطح شکل در جابها ، با **سه عضو ضروری (!)** مهار کنند از سده ها

توانند **هجم بیرونی** و **هجم بیرونی** را تحمل کنند ، جابا از نظر **داخلی** ، **معنی** است ؛ اگر نسبت به ضروری ،

اعضای انعطاف پذیری مثل کابل باشد در **هجم بیرونی** ، کابل هم کند ، اگر دو عضو ضروری ، بیرونی در عضو

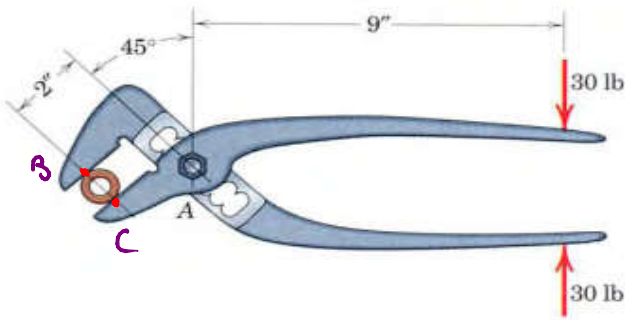
کنش عمل می کند (برابر کابل تحت فشار بیرونی و مسطح هم در کابل در سازه وجود ندارد ؛ دمانس



موانع کابل مثل سده است .

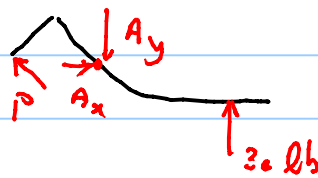
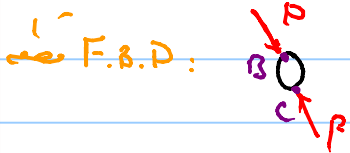
* ماسن ها

سوال: محاسب نیروها وارد شده بر قطعه و محاسب نیروی محصل A.



$$\sum M_A = 0 \Rightarrow P \times 2 - 30 \times 9 = 0$$

$$\Rightarrow \underline{P = 135 \text{ lb}}$$



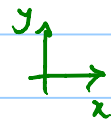
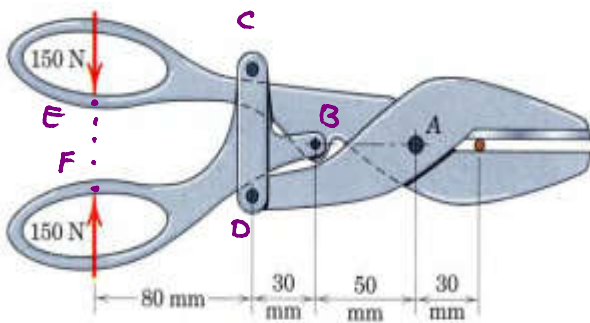
$$\sum F_x = 0 \Rightarrow -P \cos 45^\circ + A_x = 0$$

$$\Rightarrow \underline{A_x = 95.5 \text{ lb}}$$

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow -A_y + 30 + P \sin 45^\circ = 0 \Rightarrow \underline{A_y = 125.5 \text{ lb}}$$

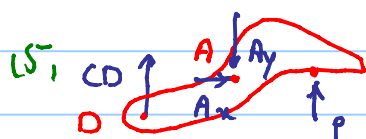
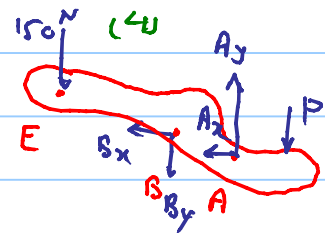
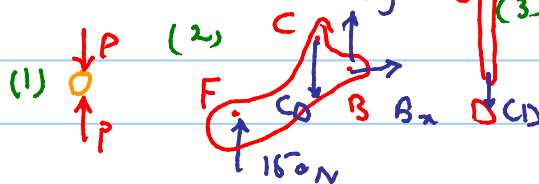
$$\Rightarrow \underline{A = 157.6 \text{ lb}}$$

سوال: یک نیروی 150N اعمال شده بر دسته ی میخی در یک نیروی به قطعه وارد می شود.



سوال: ما داریم از زاویه ی مختلف میخی را رسم می کنیم.

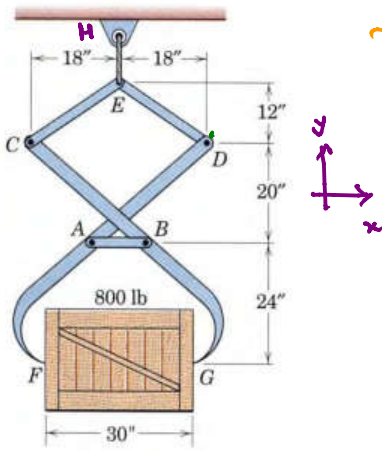
F.B.D:



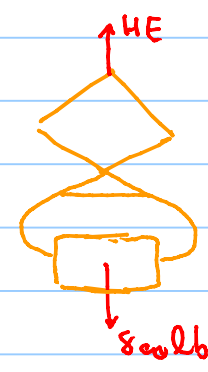
$$(2) \sum M_B = 0 \Rightarrow 150 \times 110 = CD \times 30 \Rightarrow \underline{CD = 150 \text{ N}}$$

$$(5) \sum M_A = 0 \Rightarrow CD \times 80 = P \times 30 \Rightarrow \underline{P = 146.7 \text{ N}}$$

سؤال: مطلوب نیرو در عضو AB از مجموعه در تعادل باشد. (جهت در نقاط F و G با این اصطکاک هم دارد)

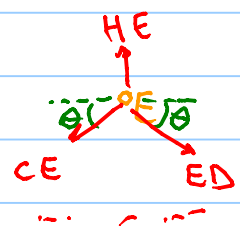


F.B.D: در مجموعه



$$\sum F_y = 0 \Rightarrow HE = 800 \text{ lb}$$

محل E:



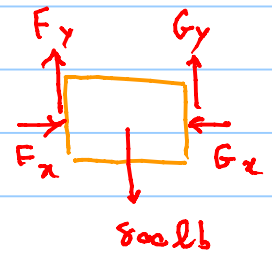
$$\sum F_x = 0 \Rightarrow ED \sin \theta = CE \sin \theta$$

$$\Rightarrow ED = CE$$

سبب دلیل کشش یا فشرطی است

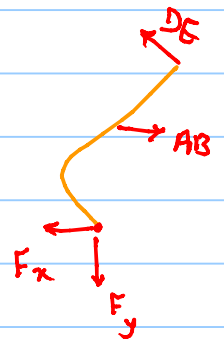
$$\sum F_y = 0 \Rightarrow 800 - 2ED \sin \theta = 0 \Rightarrow ED = 721.1 \text{ lb}$$

F.B.D: در عضو



* از کشش خود سوراخ در می بینیم که نسبت به 400 lb $F_y = G_y = 400 \text{ lb}$ است.
البته با کشش نیروی DAF و GBC نیز در این کشش خواهد آمد.

محل DAF:



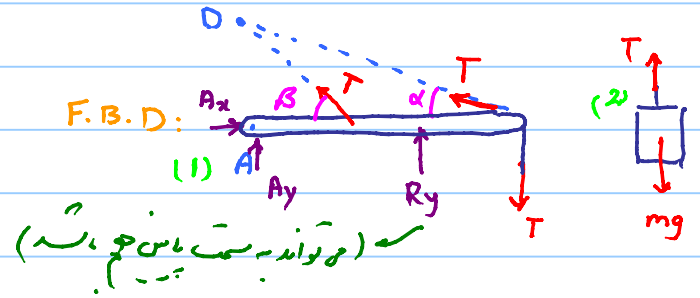
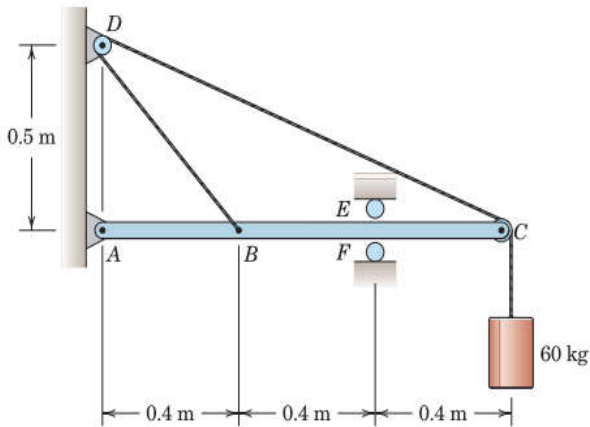
$$\sum M_F = 0 \Rightarrow ED \sin \theta \times 33 + ED \cos \theta \times 44 - AB \times 24 = 0$$

$$\Rightarrow AB = +1650 \text{ lb}$$

الواح در فلان با توشن معادله تعادل نیروی $\sum F_x = 0$ و $\sum F_y = 0$ بر عضو DAF، نیروهای مجهول

F_x و F_y را بر محاسبه کرد

سؤال - در سازه زیر، نیروهای سازه‌ای در A و محض افق و عمود آن در E را بیابید. در سازه‌های دیگر، نیروهای سازه‌ای در A و محض افق و عمود آن در E را بیابید.



(2) $\sum F_y = 0 \Rightarrow T - 60 \times 9.81 = 0 \Rightarrow T = 588.6 \text{ N}$

$\alpha = \tan^{-1}\left(\frac{0.5}{1.2}\right) = 22.6^\circ$, $\beta = \tan^{-1}\left(\frac{0.5}{0.4}\right) = 51.3^\circ$

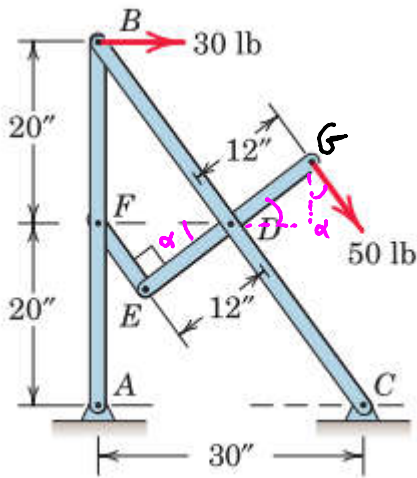
(1) $\sum M_A = 0 \Rightarrow (T \sin \beta) \times 0.4 + (T \sin \alpha) \times 1.2 + R_y \times 0.8 - T \times 1.2 = 0 \Rightarrow R_y = + 313.9 \text{ N}$
 ← محض عمود آن در E را بیابید (محض عمود آن در E را بیابید)

$\sum F_x = 0 \Rightarrow A_x - T \cos \beta - T \cos \alpha = 0 \Rightarrow A_x = 911.4 \text{ N}$

$\sum F_y = 0 \Rightarrow A_y + R_y + T \sin \beta + T \sin \alpha - T = 0 \Rightarrow A_y = -410.9 \text{ N}$

$\Rightarrow A = \sqrt{A_x^2 + A_y^2} = 999.7 \text{ N}$

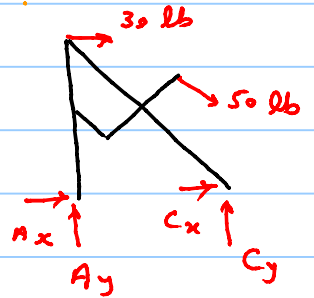
سؤال - در تابلوی بارگذاری زیر، نیروی وارد بر اعصاب را طوری حاصل را محاسبه کنید.



F.B.D : مشابه

مثلث در ABC: $\frac{BF}{AB} = \frac{FD}{AC}$

$\Rightarrow FD = 15'' \Rightarrow \cos \alpha = \frac{4}{5}$

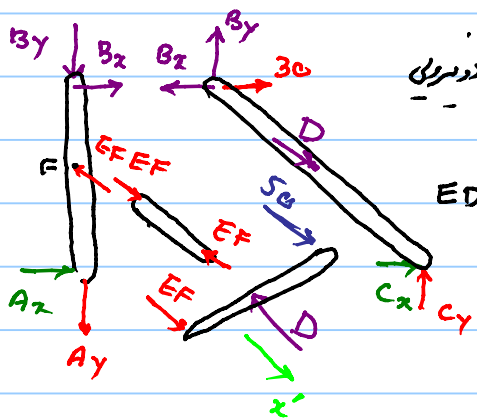


$\Sigma M_C = 0 \Rightarrow Ay \times 30 + 30 \times 40 + 50 \times 12 = 0 \Rightarrow Ay = -60 \text{ lb}$

$\Sigma F_y = 0 \Rightarrow -60 + Cy - 50 \times \frac{4}{5} = 0 \Rightarrow Cy = +100 \text{ lb}$

$\Sigma F_x = 0 \Rightarrow Ax + Cx + 50 \times \frac{3}{5} + 30 = 0 \Rightarrow Ax + Cx = -60 \text{ lb}$ (I)

* چنین سازه‌هایی را می‌توان به سه دسته تقسیم کرد: 1- قطعات با جدا کردن



EDG: جسم نیروی (سیستم نیروی یاری) و EF: جسم دیگری

EDG عضو: $\Sigma M_D = 0 \Rightarrow EF \times 12 = 50 \times 12 \Rightarrow EF = 50 \text{ lb}$

$\Sigma F_x = 0 \Rightarrow EF + 50 - D = 0 \Rightarrow D = 100 \text{ lb}$

BDC عضو: $\Sigma M_B = 0 \Rightarrow C_x \times 40 + C_y \cdot 30 = 0 \Rightarrow C_x = -75 \text{ lb}$

(Cx, By, Bz: مجهول)

(I) $\Rightarrow Ax - 75 = -60 \Rightarrow Ax = +15 \text{ lb}$

$\Sigma F_x = 0 \Rightarrow -75 + 30 - B_x + D \times \sin \alpha = 0 \Rightarrow B_x = 15 \text{ lb}$

$\Sigma F_y = 0 \Rightarrow 100 + By - D \cos \alpha = 0 \Rightarrow By = -20 \text{ lb}$